

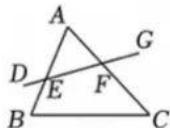
2025 年七年级数学（下）期末复习卷 2

一. 选择题（共 6 小题）

1. 已知实数，且 $a < b$ ，则下列不等式中，一定成立的是（ ）

- A. $ac^2 < bc^2$ B. $a - c < b - c$ C. $c - a < c - b$ D. $ac > bc$

2. 如图，下列说法错误的是（ ）

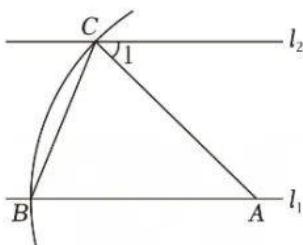


- A. $\angle A$ 与 $\angle AEF$ 是同旁内角 B. $\angle BED$ 与 $\angle CFG$ 是同位角
C. $\angle AFE$ 与 $\angle BEF$ 是内错角 D. $\angle A$ 与 $\angle CFE$ 是同位角

3. 用下列长度的三根木条首尾顺次联结，不能做成三角形框架的是（ ）

- A. 3cm, 4cm, 5cm B. 1cm, 3cm, 4cm
C. 6cm, 8cm, 10cm D. 3cm, 3cm, 3cm.

4. 如图，直线 $l_1 \parallel l_2$ ，点 A 在直线 l_1 上，以点 A 为圆心，适当长度为半径画弧，分别交直线 l_1 、 l_2 于 B 、 C 两点，连接 AC 、 BC ，若 $\angle ABC=70^\circ$ ，则 $\angle 1$ 的大小为（ ）

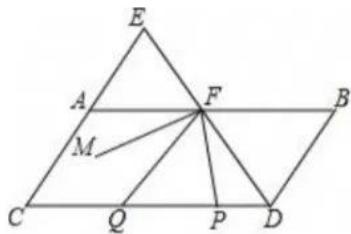


- A. 40° B. 35° C. 50° D. 70°

5. 下列说法正确的是（ ）

- A. 如果 $\angle A + \angle B > \angle C$ ，那么 $\triangle ABC$ 一定为锐角三角形
B. 如果 $\angle A : \angle B : \angle C = 1 : 2 : 3$ ，那么 $\triangle ABC$ 一定为锐角三角形
C. 如果 $AB = BC = AC = 2\text{cm}$ ，那么 $\triangle ABC$ 一定为锐角三角形
D. 如果 $\angle A < 90^\circ$ 且 $\angle B < 90^\circ$ ，那么 $\triangle ABC$ 一定为锐角三角形.

6. 如图，点 E 在 CA 延长线上， DE 、 AB 交于点 F ，且 $\angle BDE = \angle AEF$ ， $\angle B = \angle C$ ， $\angle EFA$ 比 $\angle FDC$ 的余角小 10° ， P 为线段 DC 上一动点， Q 为 PC 上一点，且满足 $\angle FQP = \angle QFP$ ， FM 为 $\angle EFP$ 的平分线。下列结论：① $CE // BD$ ；② $AB // CD$ ；③ FQ 平分 $\angle AFP$ ；④ $\angle B + \angle E = 140^\circ$ ；⑤ $\angle QFM = 20^\circ$. 其中结论正确的序号是（ ）



- A. ①②③④⑤ B. ①②③④ C. ②③④ D. ①⑤

二. 填空题 (共 13 小题)

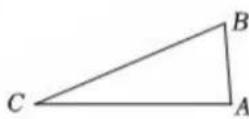
7. 根据“ x 的 3 倍与 -5 的和大于 0”可列不等式 _____.

8. 不等式 $3(x+2) \geq 4+2x$ 的最小整数解为 _____.

9. 如图,《周礼考工记》记载:“半矩谓之宣 (xuān), 一宣有半谓之柵 (zhú)”意思:“直角的一半的角叫做宣, 一宣半的角叫做柵”. 即: $1\text{宣} = \frac{1}{2}\text{矩}$, $1\text{柵} = \frac{1}{2}\text{宣}$ ($1\text{矩}=90^\circ$), 问: 图①为中国古代强弩图, 图②为强弩图部分组件的示意图. $\angle A=1\text{矩}$, $\angle C=1\text{柵}$, 则 $\angle B=$ _____ 度.

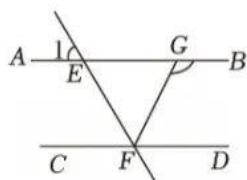


图①

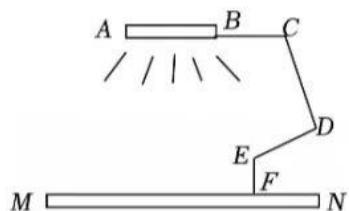


图②

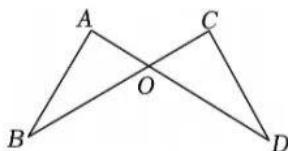
10. 如图所示, 已知 $AB \parallel CD$, 直线 EF 分别交 AB 、 CD 于 E 、 F 两点, FG 平分 $\angle EFD$, 交 AB 于点 G . 若 $\angle 1=52^\circ$, 则 $\angle BGF=$ _____ 度.



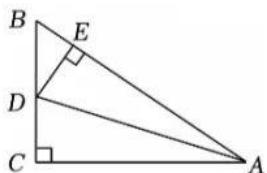
11. 如图是一款长臂折叠 LED 护眼灯示意图, EF 与桌面 MN 垂直, 当发光的灯管 AB 恰好与桌面 MN 平行时, $\angle DEF=120^\circ$, $\angle BCD=110^\circ$, 则 $\angle CDE$ 的度数为 _____ °.



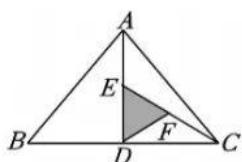
12. 如图：已知 $AB=CD$, 使 $\triangle ABO \cong \triangle CDO$, 还需添加一个条件, 你添加的条件是_____ . (只需一个, 不添加辅助线)



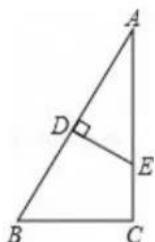
13. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, AD 平分 $\angle BAC$, $DE \perp AB$ 于 E , $\triangle BDE$ 周长为 8, $AC=10$, 则 $\triangle ABC$ 的周长是_____ .



14. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, D, E, F 分别是 BC, AD, CE 的中点, $S_{\triangle ABC}=8\text{cm}^2$, 则阴影部分 $\triangle DEF$ 的面积为_____ .



15. 如图, AB 的垂直平分线分别交 AB, AC 于点 D, E , $AC=9$, $AE: EC=2: 1$, 则点 B 到点 E 的距离是_____ .



16. 一次普法知识竞赛共有 30 道题, 规定答对一题得 4 分, 答错或者不答扣一分, 在这次竞赛中小明获得优秀(不低于 90 分), 则他至少答对了_____ 道题.

17. 若一个等腰三角形的一条边是另一条边的 k 倍, 我们把这样的等腰三角形叫做 “ k 倍边等腰三角形”. 如果一个等腰三角形是 “3 倍边等腰三角形”, 且周长为 35cm , 那么该等腰三角形的底边长为_____ cm.

18. 以下各命题中, 正确的命题有_____ .

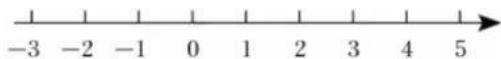
- (1) 等腰三角形的一边长为 4cm , 另一边长为 9cm , 则它的周长为 17cm 或 22cm ;
- (2) 三角形的一个外角, 等于两个内角的和;
- (3) 有两边和一角对应相等的两个三角形全等;
- (4) 等边三角形是轴对称图形;
- (5) 三角形的一个外角平分线平行于三角形的一边, 那么这个三角形是等腰三角形.

19. $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC=38^\circ$, 将 $\triangle ABC$ 绕点B旋转, 使得点A落在直线BC上, 记作点 A_1 , 点C落在点 C_1 处, 则 $\angle BC_1C=$ _____度.

三. 解答题 (共 8 小题)

20. 解不等式: $\frac{x+2}{3} - \frac{x-1}{6} \geq 1$, 并在数轴上表示解集.

21. 解不等式组 $\begin{cases} 2(x+1) > 5x-7 \\ \frac{4}{3}x+3 \geq 1 - \frac{2}{3}x \end{cases}$, 并把解集在数轴上表示出来.

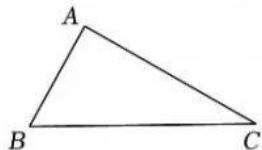


22. 甲、乙两地相距 45km, 小李要从甲地到乙地办事, 若他以 $7km/h$ 的速度可按时到达, 现在小李走了 $4h$ 后因有事停留了 $0.5h$, 为了不迟到, 小李后来的速度至少是多少?

23. 如图, 已知 $Rt\triangle ABC$, $\angle A=90^\circ$.

(1) 尺规作图: 作出线段BC的垂直平分线MN; (不写作法, 保留作图痕迹)

(2) 在(1)的条件下, 设直线MN交AC于点D, 连接BD, 若 $\angle ABD=25^\circ$, 求 $\angle C$ 的度数.



24. 如图，在四边形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$, $DE=CE$, 联结 AE 、 BE ，且 AE 平分 $\angle BAD$ ，延长 AE 交 BC 的延长线于点 F . 试说明 $BE \perp AF$.

解： $\because DD \parallel BC$ (已知),

$$\therefore \angle DAE = \angle F \quad (\text{两直线平行, 内错角相等}),$$

在 $\triangle ADE$ 和 $\triangle FCE$ 中,

$$\begin{cases} \angle DAE = \angle F \text{ (已证)} \\ \angle DEA = \angle CEF \quad (\text{对顶角相等}), \\ DE = CE \text{ (已知)} \end{cases}$$

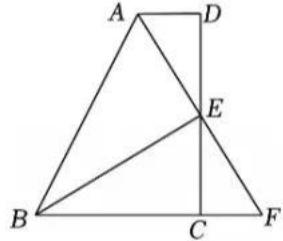
$$\therefore \triangle ADE \cong \triangle FCE \text{ (AAS)},$$

$$\therefore \angle AED = \angle FCE \quad (\text{全等三角形的对应角相等}),$$

$\because AE$ 平分 $\angle BAD$ (已知),

$$\therefore \angle DAE = \angle BAE \text{ (角平分线的意义)},$$

$$\therefore \angle AED = \angle BAE \quad (\text{等量代换}). \text{ (请完成以上说理过程)}$$



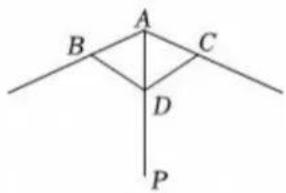
25. 如图①，油纸伞是中国传统工艺品之一，起源于中国的一种纸制或布制伞。油纸伞的制作工艺十分巧妙，如图②，伞圈 D 沿着伞柄 AP 滑动时，伞柄 AP 始终平分同一平面内两条伞骨所成的 $\angle BAC$ ，伞骨 BD , CD 的 B , C 点固定不动，且到点 A 的距离 $AB=AC$.

(1) 当 D 点在伞柄 AP 上滑动时，处于同一平面的两条伞骨 BD 和 CD 相等吗？请说明理由.

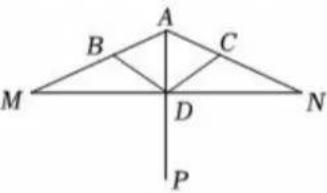
(2) 如图③，当油纸伞撑开时，伞的边缘 M , N 与点 D 在同一直线上，若 $\angle BAC=150^\circ$, $\angle MBD=120^\circ$ ，求 $\angle CDA$ 的度数.



①



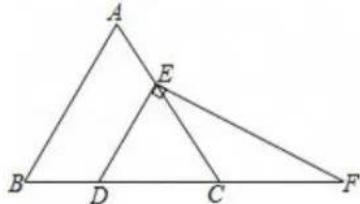
②



③

26. 如图, 在等边三角形 ABC 中, 点 D, E 分别在边 BC, AC 上, 且 $DE \parallel AB$, 过点 E 作 $EF \perp DE$, 交 BC 的延长线于点 F .

- (1) 求 $\angle F$ 的度数;
- (2) 若 $CD=2$, 求 DF 的长.



27. 在锐角三角形 ABC 中, 点 D, E 分别在边 AB, AC 上, 联结 DE , 将 $\triangle ADE$ 沿 DE 翻折后, 点 A 落在 BC 边上的点 P , 当 $\triangle BDP$ 和 $\triangle CEP$ 都为等腰三角形时, 我们把线段 DE 称为 $\triangle ABC$ 的完美翻折线, P 为完美点.

- (1) 如图 1, 在等边三角形 ABC 中, 边 BC 的中点 P 是它的完美点, 已知其完美翻折线 DE 的长为 4, 那么等边三角形 ABC 的周长=_____.
- (2) 如图 2, 已知 DE 为 $\triangle ABC$ 的完美翻折线, P 为完美点, 当 $\angle B, \angle C$ 恰为等腰三角形的顶角时, 求此时 $\angle A$ 的度数.
- (3) 如图 3, 已知 DE 为 $\triangle ABC$ 的完美翻折线, P 为完美点, 当 $\angle B, \angle EPC$ 恰为等腰三角形的顶角时, 请判断点 P 到边 AB, AC 的距离是否相等? 并说明你的判断理由.

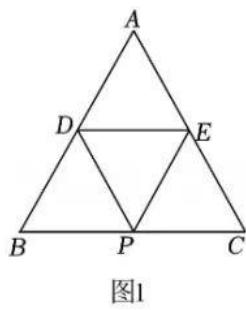


图1

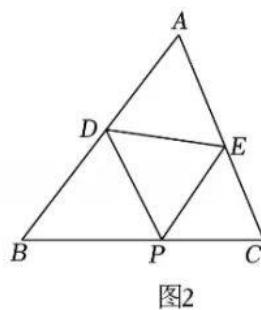


图2

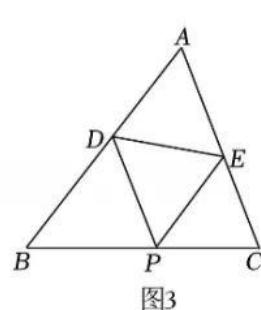


图3